2022广东高三上学期高中数学月考试卷

1.

定义在R上的函数 y = f(x), 满足 $f(1-x) = f(x), (x-\frac{1}{2})f'(x) > 0$, 若 $x_i < x_2$ 且 $x_i + x_2 > 1$,则有()

A. $f(x_1) < f(x_2)$ B. $f(x_1) > f(x_2)$ C. $f(x_1) = f(x_2)$ D. 不能确定

2.

已知函数 $f(x) = \frac{\sin x}{x^2 + 1}$. 下列命题: ()

- ①函数 f(x) 的图象关于原点对称; ②函数 f(x) 是周期函数;
- ③当 $x=\frac{\pi}{2}$ 时,函数 f(x) 取最大值;④函数 f(x) 的图象与函数 $x=\frac{1}{2}$ 的图象没有公共点,其中正确命题的序号是
- A. 13 B. 23 C. 14 D. 24

3.

若曲线 $y = kx + \ln x$ 在点 (1,k) 处的切线平行于x轴,则证

A. -1 B. 1 C. -2 D. 2

4.

若点 P(a,b) 在函数 $y = -x^2 + 3 \ln x$ 的图像上,点 Q(c,d) 在函数 y = x + 2 的图像上,则 $(a-c)^2 + (b-a)^2$ 的最小值为 ()

A. $\sqrt{2}$ B. 2 C. $2\sqrt{2}$ D. 8

已知 f(x) 为 R 上的可导函数,且 $\forall x \in R$,均有 f(x) > f'(x),则以下判断正确的是

- A. $f(2013) > e^{2013} f(0)$ B. $f(2013) < e^{2013} f(0)$
- C. $f(2013) = e^{2013} f(0)$ D. $f(2013) = e^{2013} f(0)$ 大小无法确定

6.

若 $f(x) = -\frac{1}{2}x^2 + a \ln(x+2)$ 在 $(-1,+\infty)$ 上是减函数,则a的取值范围是()